

تخمین پارامترهای کیفی آب با استفاده از ترکیب روش ماشین یادگیری قدرتمند و تئوری موجک

سیده زهره احمدپور^۱، ایمان احمدیان فر^{۲*}، سید امین اصغری پری^۳

۱. دانشجوی کارشناسی ارشد عمران، دانشگاه صنعتی خاتم الانبیاء، بهبهان

۲. استادیار گروه عمران، دانشگاه صنعتی خاتم الانبیاء، بهبهان

۳. دانشیار گروه عمران، دانشگاه صنعتی خاتم الانبیاء، بهبهان

(تاریخ دریافت ۱۳۹۷/۰۸/۳۱؛ تاریخ تصویب ۱۳۹۷/۱۲/۲۳)

چکیده

هربیک از مصارف گوناگون آب مانند کشاورزی، شرب و صنعت نیازمند آب با کیفیتی مشخص هستند که حدود کیفی آن، با نمونه برداری های مکرر، آزمایش و تحلیل نتایج مشخص می شود. هزینه نمونه برداری از آب های سطحی، اندازه گیری پارامترهای کیفی در محیط آزمایشگاه و خطاهای انسانی، از جمله مشکلات موجود در تخمین غلطت پارامترهای کیفی اند. به همین منظور، برای الگوبندی پارامترهای کیفی آب، روش های مختلف وجود دارد که در این بین، روش های داده مبنا در دهه های اخیر مورد توجه پژوهشگران قرار گرفته است. بنابراین، هدف اصلی در تحقیق حاضر، تخمین و مدل سازی پارامترهای کیفی آب با استفاده از روش های داده کاوی نوین، بهبود عملکرد روش های داده کاوی با کمک تئوری موجک و مقایسه آنها با سایر روش های داده کاوی متداول است. بهینانی دیگر، با استفاده از روش داده کاوی ماشین یادگیری قدرتمند (ELM) و شبکه عصبی پرسپترون چندلایه (MLP)، پارامترهای کیفی آب (Cl, Mg, EC, TDS) مدل سازی شد. ارزیابی این دو مدل توسط معیارهای آماری ضریب همبستگی (R)، ریشه میانگین مربع خطای (RMSE) و میانگین قدر مطلق خطای (MAE) و خطای استاندارد نسبی (RSE) برای داده های دوره آماری ۲۰ ساله، انجام شد. با توجه به نتایج، مشخص شد که روش ELM توانسته است به طور متوسط ضریب همبستگی معادل ۰/۹۷ را ارائه کند. با وجود آنکه هر دو مدل نتایج قابل قبولی به همراه داشتند، اما در نهایت نتایج نشان داد مدل ELM نسبت به مدل MLP دقیق بیشتری برای پیش بینی پارامترهای کیفی آب دارد.

کلیدواژگان: پارامترهای کیفی آب، روش ماشین یادگیری قدرتمند، شبکه عصبی پرسپترون چندلایه.

هیدروشیمیایی به عنوان ورودی مدل درخت تصمیم^۵ و کلاس کیفیت آب به عنوان خروجی و ویژگی هدف در نظر گرفتند. نتایج به دست آمده از پژوهش آنها نشان داد روش تصمیم‌گیری درختی عمدتاً با کمترین پارامترهای شیمیایی قادر به طبقه‌بندی کلاس کیفیت آب با دقت بسیار زیاد است [۳]. احمدی و بهزادی (۱۳۹۵) از شبکه عصبی مصنوعی و سیستم اطلاعات مکانی برای تعیین آلودگی پارامتر منیزیم در آبهای رودخانه‌ای گنبد از استان گلستان استفاده کردند. در این مدل شبکه عصبی مصنوعی در ساختار پرسپترون^۶ با تعداد لایه‌های پنهان و نرون‌های^۷ مختلف، ارزیابی شد. در مجموع، مطالعه انجام شده روش برنامه‌ریزی شبکه عصبی را به عنوان نوعی روش دقیق و عملی برای مدل سازی و تعیین آلودگی معرفی کرد [۴]. اسدالله فردی و همکارانش (۲۰۱۲) طی تحقیقی از شبکه عصبی مصنوعی برای پیش‌بینی TDS در تلخه‌رود استفاده کردند. آنها در پژوهش خود شبکه عصبی پرسپترون چندلایه (MLP)^۸ و شبکه عصبی مکرر^۹ (RNN) که بیشتر به عنوان شبکه المن نامیده می‌شوند، را توسعه دادند و برای تخمین TDS رودخانه تلخه‌رود اعمال کردند. با مقایسه نتایج به دست آمده از TDS در دو ایستگاه، مشاهده شد که شبکه المن TDS نتایج بسیار نزدیک به مقادیر مشاهده شده پیش‌بینی می‌کند [۵].

محمودی و همکارانش (۲۰۱۶) طی پژوهشی ترکیب الگوریتم جهش قورباغه (SFLA)^{۱۰} و رگرسیون بردار پشتیبان (SVR)^{۱۱} برای پیش‌بینی پارامترهای کیفیت آب را بررسی کردند. نتایج پژوهش آنها نشان داد روش ترکیبی SFLA-SVR نسبت به روش برنامه‌ریزی ژنتیک (GP)^{۱۲} مقادیر کمتری را برای RMSE به دست آورد [۶]. بزرگ حداد و همکارانش (۲۰۱۷) پژوهشی درباره مدل سازی پارامترهای کیفیت آب با استفاده از دو مدل ترکیب الگوریتم ژنتیک با روش کمترین مربعات رگرسیون بردار پشتیبان (GA-LSSVR)^{۱۳}، و برنامه‌ریزی ژنتیک (GP) انجام دادند. نتایج تحقیق آنها نشان داد الگوریتم

مقدمه

اهمیت کیفیت آب‌های سطحی، به عنوان مهم‌ترین و آسیب‌پذیرترین منابع تأمین آب، امری کاملاً بدیهی است. متأسفانه، ورود آلاینده‌ها به پیکرهای آبی طی سال‌های اخیر به دلیل رشد شهرنشینی، توسعه اقتصادی و افزایش تولیدات صنعتی، افزایش یافته است. بنابراین، امروزه بررسی کیفی منابع آب، یکی از چالش‌های مهم در بیشتر مناطق ایران و حتی جهان است. برای رسیدن به این هدف باید آزمایش‌های فراوان و پرهزینه‌ای را متحمل شد، ولی با پیشرفت علم و استفاده از روش‌های داده‌کاوی تا حد زیادی در زمان و هزینه صرفه‌جویی شده است. استفاده از روش‌های داده‌کاوی سبب کاهش چشم‌گیر هزینه‌های نمونه‌برداری آزمایشگاهی می‌شود و این امکان را برای کارشناسان مهیا می‌کند تا در مدت بسیار کوتاه و با استفاده از تعداد کمتری پارامترهای هیدروشیمیایی، کلاس کیفیت آب^۱ را تعیین کنند. با گسترش روزافزون روش‌های رایانه‌ای، از جمله هوش مصنوعی^۲ و شبکه‌های عصبی مصنوعی و استفاده از آنها در علوم مختلف، این روش‌ها در مطالعات مربوط به تخمین پارامترهای کیفی آب نیز مورد استفاده قرار گرفته و محققان بر دقت زیاد این روش‌ها نسبت به روش‌های تجربی و رگرسیونی^۳ تأکید کرده‌اند [۱]. در سال‌های اخیر مطالعات متعددی در زمینه استفاده از این روش‌های کارآمد به منظور تخمین پارامترهای کیفی آب انجام شده است که در ادامه به معرفی آنها پرداخته خواهد شد.

بانزاد و همکارانش (۱۳۹۲) دو مدل شبکه عصبی مصنوعی و شبکه عصبی موجک^۴ را برای تخمین سه پارامتر کیفی (هدایت الکتریکی)، SAR (نسبت جذبی سدیم) و TDS (کل جامدات محلول) در رودخانه‌های جاجروم و قره‌سو طی یک دوره آماری ۲۴ ساله مقایسه کردند. آنها نشان دادند مدل بهینه شبکه عصبی موجکی با ضریب همبستگی بیش از ۰/۹ قابلیت زیادی در تخمین پارامتر SAR در ایستگاه‌های مطالعه شده دارد [۲]. ستاری و همکارانش (۱۳۹۳) براساس نمونه‌برداری‌های انجام شده در شش رودخانه دامنه جنوبی کوه سهند، برای هریک از رودخانه‌ها ۱۲ دبی و پارامتر

-
- 5. Decision tree method
 - 6. Perceptron
 - 7. Neurons
 - 8. Multi-Layer Perceptron (MLP)
 - 9. Recurrent Neural Network (RNN)
 - 10. Shuffled Frog Leaping Algorithm (SFLA)
 - 11. Support Vector Regression (SVR)
 - 12. Genetic Programming (GP)
 - 13. Least Square Support Vector Regression (LSSVR)

-
- 1. Water quality class
 - 2. Artificial Intelligence (AI)
 - 3. Regression method
 - 4. Wavelet neural network

روش شبکه عصبی چندلایه (MLP)

یکی از خواص مهم و اساسی شبکه عصبی، توانایی آموزش آن است. هر شبکه عصبی شامل پارامترهایی به عنوان پارامترهای آزاد (وزن‌ها و بایاس‌ها) است که می‌توانند مقادیر مختلفی داشته باشند [۱۱]. عملکرد مناسب و جواب‌دهی دقیق شبکه عصبی به مقداردهی درست این پارامترها بستگی دارد. بنابراین، آموزش یک شبکه عصبی پرسپترون چندلایه به این معناست که پارامترهای آزاد طوری بهینه شوند که خطای بین مقادیر هدف و مقادیر خروجی شبکه به کمترین مقدار برسد. برای حل معادلات ریاضی و مسائل بسیار پیچیده می‌توان از شبکه پرسپترون چندلایه استفاده کرد که به سادگی و با تعريف وزن‌ها و توابع مناسب می‌تواند به حل مسائل کمک کند [۱۲]. این شبکه شامل سه لایه ورودی، پنهان و خروجی است که در نهایت، پاسخ مسئله را ارائه می‌دهد.

برای فعال‌سازی نرون‌ها در لایه‌های میانی و خروجی از روابط ۱ و ۲ استفاده می‌شود [۱۳]:

$$a_i = \sigma(\sum_j w_{ij} o_j) \quad (1)$$

$$\sigma(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}} \quad (2)$$

که a_i = میزان فعال‌سازی نرون i ، w_{ij} = مجموعه نرون‌های لایه پیشین، o_j = وزن ارتباط بین نرون i و نرون j ، t_{pj} = خروجی نرون j و $\sigma(x)$ = تابع انتقال سیگموئید هستند. میزان تغییر در وزن‌ها از رابطه ۳ به دست می‌آید [۱۳]:

$$\Delta w_{ij}(n+1) = \eta \delta_{pj} o_{pi} + \alpha \Delta w_{ij}(n) \quad (3)$$

که η = پارامتر سرعت آموزش، δ_{pj} = خطای پخش شده، o_{pi} = خروجی نرون i برای رکورد p ، α = پارامتر مومنتوم، $\Delta w_{ij}(n)$ = میزان تغییر در w_{ij} در چرخه قبل و n = شماره چرخه هستند.

مقدار خطای پس انتشار δ_{pj} مطابق رابطه ۴ محاسبه می‌شود [۱۳]:

$$\delta_{pj} = (t_{pj} - o_{pj}) o_{pj} (1 - o_{pj}) \quad (4)$$

که t_{pj} = مقدار خروجی واقعی زیرای رکورد است. برای وزن‌هایی که ارتباطی با نرون‌های خروجی ندارند، δ_{pj} براساس خطای انتشار بالادست محاسبه می‌شود (رابطه ۵):

GA-LSSVR دقیت بیشتری دارد [۷]. علی‌ضمیر و همکارانش (۲۰۱۷) در مطالعه‌ای نوسانات آب‌های زیرزمینی را با استفاده از ELM مدل‌سازی کردند. همچنین، آنها روش یادشده را با روش‌های عملکرد پایه شعاعی (RBF)^۱، میانگین متحرک خودکار رگرسیون (ARMA)^۲ و شبکه عصبی مصنوعی مقایسه کردند. نتایج پژوهش آنها نشان‌دهنده برتری از ELM نسبت به روش‌های یادشده بود [۸]. نجف‌زاده و همکارانش (۲۰۱۸) به تخمین سه شاخص کیفی آب^۳، BOD^۴، DO^۵ و COD^۶ با MT^۷، EPR^۸، GEP^۹ و COD^{۱۰} با استفاده از روش‌های MT^۹ و MARS^{۱۰} و چندین پارامتر کیفی آب، پارامتر DO را را تخمین زدند. آنها نشان دادند سه روش هوش مصنوعی LSSVM^{۱۱}، DO^{۱۰} و MT^۹ با دو روش دیگر ارائه می‌کنند [۹]. هدام و کیمی (۲۰۱۸) با استفاده از سه روش هوش مصنوعی LSSVM^{۱۱}، DO^{۱۰} و MT^۹ و چندین پارامتر کیفی آب را پارامتر DO را دارند [۱۰].

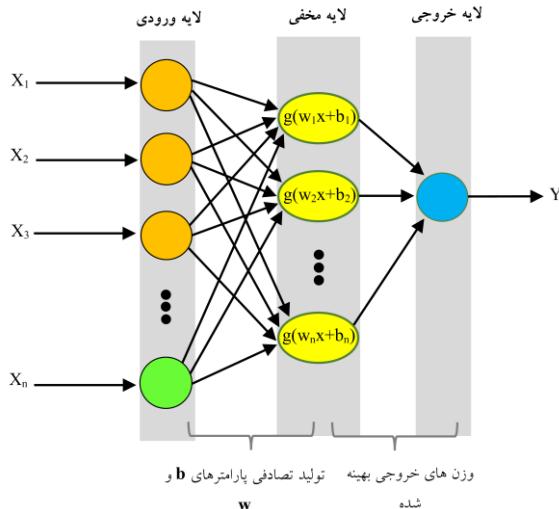
هدف از پژوهش حاضر، تخمین پارامترهای کیفی آب با استفاده از روش‌های ماشین یادگیری قدرتمند^{۱۰} با MLP (ELM) است. با توجه به اینکه برای تخمین دقیق پارامترهای کیفی آب، به تعدادی ورودی (پارامترهای کیفی) نیاز است و شاید این تعداد داده در دسترس نباشد، با توجه به این محدودیت در تحقیق حاضر سعی شده است با تعداد پارامتر کم به دقت زیادی دست یافت. به این منظور، از تلفیق تئوری موجک و روش‌های ELM و W-MLP و W-ELM^{۱۱} برای تخمین پارامترهای Cl، EC و TDS برای یک دوره ۲۰ ساله استفاده خواهد شد.

مواد و روش‌ها

ELM در تحقیق حاضر دو روش مدل‌سازی MLP و بررسی شده است که در این قسمت به اختصار توضیح داده می‌شوند. سپس، تئوری موجک و مفاهیم اصلی آن تشریح می‌شوند.

1. Radial Basis Function (RBF)
2. Auto-Regressive Moving Average (ARMA)
3. Biochemical Oxygen Demand (BOD)
4. Dissolved Oxygen (DO)
5. Chemical Oxygen Demand (COD)
6. Gene Expression Programming (GEP)
7. Evolutionary Polynomial Regression (EPR)
8. Model Tree (MT)
9. Multivariate Adaptive Regression Splines (MARS)
10. Extreme Learning Machine (ELM)

خروجی و لایه پنهان، w = وزن بین لایه پنهان و لایه ورودی و b = بایاس نرون پنهان هستند.



شکل ۱. معماری روش ELM

برای نمایش ماتریس اتصال بین لایه مخفی و لایه خروجی از ماتریس H استفاده می‌شود، Y نشان‌دهنده ماتریس هدف داده‌های آموزش است. بنابراین، رابطه ۸ می‌تواند به صورت زیر بیان شود [۱۵]:

که

$$H = \begin{bmatrix} g(w_1, b_1, x_1) & g(w_1, b_1, x_2) & \dots & g(w_1, b_1, x_n) \\ g(w_1, b_1, x_1) & g(w_1, b_1, x_2) & \dots & g(w_1, b_1, x_n) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ g(w_1, b_1, x_N) & g(w_1, b_1, x_2) & \dots & g(w_1, b_1, x_N) \end{bmatrix}_{N \times l}, \quad (8)$$

$$\beta = \begin{bmatrix} \beta_1^T \\ \beta_2^T \\ \vdots \\ \beta_l^T \end{bmatrix}_{l \times m}, \quad Y = \begin{bmatrix} Y_1^T \\ Y_2^T \\ \vdots \\ Y_N^T \end{bmatrix}_{N \times 1}$$

در این روش، شبکه فقط نیاز به تنظیم تعداد لایه‌های مخفی دارد و نیازی به تنظیم وزن‌های ورودی‌ها و بایاس لایه‌های مخفی ندارد. همان‌طور که گفته شد، وزن‌های ورودی به وسیله مقادیر تصادفی تعیین می‌شوند، بنابراین می‌توان گفت که عملکرد شبکه به صورت خطی است. همچنین، وزن‌های خروجی با استفاده از ماتریس H برای مجموعه داده‌های آموزش به دست می‌آیند. مراحل زیر فرایند اصلی آموزش ELM هستند [۱۵]:

مرحله ۱: مشخص کردن تعداد نرون‌های لایه مخفی، تولید اعداد تصادفی برای بایاس (b) و تنظیم وزن‌های w بین لایه ورودی و لایه مخفی.

$$\delta_{pj} = o_{pj} (1 - o_{pj}) \sum_k \delta_{pk} w_{kj} \quad (5)$$

که $K = K$ مجموعه نرون‌هایی که به نرون خروجی زمتربط اند، w_{kj} = وزن بین نرون جاری و نرون k و δ_{pk} = خطای انتشار یافته برای وزن مربوط به رکورد ورودی جاری‌اند.

روش ماشین یادگیری قدرتمند (ELM)

ELM نوعی الگوریتم با درصد زیاد و آسان به لحاظ پیاده‌سازی است که نخستین بار توسط هاونگ و همکارانش (۲۰۰۵) پیشنهاد شد [۱۴]. این روش برای غلبه بر ضعف‌های روش‌های یادگیری سنتی مانند الگوریتم‌های آموزش محور مبتنی بر تبادل گرادیان به وجود آمده است. این الگوریتم شامل سه لایه ورودی، پنهان و خروجی است. ماشین یادگیری قدرتمند (ELM) در واقع نوعی روش یادگیری برای آموزش شبکه ANN است که به طور تصادفی وزن‌های ورودی (w) و بایاس (b) را تولید می‌کند [۱۵]. این روش وزن لایه پنهان را در یک شبکه عصی به صورت تصادفی تولید می‌کند. همچنین، در این روش فقط وزن خروجی در فاز آموزش باید تنظیم شود. تفاوت‌های اساسی بین روش ELM و ANN وجود دارد که عبارت‌اند از:

۱. در روش ELM این امکان وجود دارد که از توابع غیر خطی^۱ و کرنل^۲ استفاده شود.

۲. ELM به پارامترهای بهینه‌سازی (مانند سرعت حرکت^۳ و میزان یادگیری^۴) نیاز ندارد.

۳. در ELM به دلیل اینکه فقط وزن‌های خروجی نیاز به تنظیم دارند، نسبت به روش ANN سریع‌تر عمل می‌کند [۱۶]. شکل ۱ معماری ELM را نشان می‌دهد.

برای N نمونه یادگیری مختلف $(x_i, y_i) \in \mathbb{R}_n \times \mathbb{R}_m$ و $(i = 1, 2, \dots, N)$ ، خروجی لایه مخفی می‌تواند به صورت رابطه ۶ و خروجی نرون در لایه خروجی می‌تواند به صورت رابطه ۷ بیان شود [۱۵]:

$$h = g(wx + b) \quad (6)$$

$$h(x_i)\beta = y_i^T, \quad i = 1, 2, \dots, N \quad (7)$$

که $g(x) =$ تابع فعال‌سازی پنهان لایه ELM، β = وزن بین

1. Non-linear Function

2. Kernel Function

3. Momentum

4. Learning rate

که $\Psi_{a,b}(t) = \text{موجک‌های پی‌درپی}$ ، $a = \text{مقیاس} \text{ یا فاکتور فرکانس}$ ، $b = \text{فاکتور زمان} \text{ و } R = \text{دامنه اعداد حقیقی}$ است.
انتقال موجک گستته تابع $f(t)$ به صورت رابطه ۱۳ نوشته می‌شود:

$$W_\Psi f(j,k) = a^{-\frac{j}{2}} \int f(t) \bar{\Psi}(a^{-j}t - kb) dt \quad (13)$$

که معمولاً برای متغیرهای a_0 و b_0 به ترتیب مقادیر ۲ و ۱ به کار برد می‌شود. پس از جای‌گذاری این مقادیر در سری زمانی گستته $f(t)$ که در گام‌های زمانی حسابی رخ می‌دهد، انتقال موجک گستته به صورت رابطه ۱۴ تعریف می‌شود [۱۸]:

$$W_\Psi f(j,k) = 2^{-\frac{j}{2}} \sum_{i=1}^{N-1} f(t) \bar{\Psi}\left(2^{-\frac{j}{2}}t - k\right) dt \quad (14)$$

که $a = W_\Psi f(j,k)$ = ضریب موجک گستته با مقیاس 2^j و $b = b^j k$ = تابع پدر (یا فیلتر میانگین) است.
بعد از اعمال تبدیل موجک گستته، داده‌ها به دو دسته تقریب ۲ و جزئیات ۳ تقسیم می‌شوند. داده‌های تقریب دارای فرکانس کم هستند که روند کلی تغییرات داده‌ها را نشان می‌دهد و داده‌های جزئیات فرکانس بالا دارند که تغییرات موضعی داده‌ها را نشان می‌دهند. به طور کلی، تجزیه سیگنال‌ها (داده‌های ورودی) با کمک تئوری موجک، موجب ساده‌تر شدن این سیگنال‌ها شده و منجر به بهبود تخمین‌ها می‌شود.

معیارهای ارزیابی خطا

برای ارزیابی و مقایسه نتایج به دست آمده توسط روش‌های MLP و ELM از پارامترهای جذر میانگین مربعات خطا (RMSE)، ضریب تعیین (R^2) خطای استاندارد نسبی (RSE) و میانگین خطای مطلق (MAE)^۵ استفاده شده که در ادامه به معرفی آنها پرداخته می‌شود [۱۹ و ۱۳]:

$$\text{RMSE} = \sqrt{\sum_{k=1}^n \frac{(Y_k - X_k)^2}{n}} \quad (15)$$

که $N = \text{تعداد مجموعه داده‌ها}$ ، $c = \text{مقدار خروجی محاسبه شده}$ و $m = \text{مقدار خروجی اندازه‌گیری شده هستند.}$

مرحله ۲: انتخاب نوعی تابع فعال‌سازی متناسب با مسئله و سپس، محاسبه ماتریس H .

مرحله ۳: وزن β بین لایه مخفی و لایه خروجی محاسبه شود: $\beta = H^T H$ ، که $H^T H = H^T H$ معکوس ماتریس خروجی است. H .

تئوری موجک^۱

موجک‌ها دسته‌ای از توابع ریاضی هستند که برای تجزیه سیگنال‌ها به مؤلفه‌های فرکانسی آن به کار می‌روند که رزولوشن هر مؤلفه برابر با مقیاس آن است. تبدیل موجک، تجزیه یک تابع بر مبنای توابع موجک است. در تبدیل موجک یک سری توابع خاص به عنوان توابع اصلی (همانند سینوسی‌ها در سری فوریه) انتخاب می‌شوند. این توابع در سطوح مختلف از مقیاس‌کردن و شیفت‌دادن موجک‌های خاصی به نام موجک مادر به دست می‌آیند. به طور کلی، تبدیل موجک به دو دسته پیوسته و گستته تقسیم می‌شود که در ادامه روابط آنها آمده است.

تبدیل موجک پیوسته سیگنال ارتعاشی $f(t)$ ، براساس روابط ۹ و ۱۰ به دست می‌آید [۱۷]:

$$W_\Psi f(a,b) = \int f(t) \times \Psi^*(t) dt = f, \Psi_{a,b} \quad (9)$$

$$\Psi_{a,b} = \frac{1}{\sqrt{a}} \Psi\left(\frac{t-b}{a}\right) \quad (10)$$

که W تبدیل موجک پیوسته، a و b به ترتیب پارامترهای مقیاس و مکان، Ψ تابع موجک مادر و علامت * معرف مذوچ مختلط هستند.

تبدیل موجک گستته با عبور دادن داده‌های ورودی (که همان سیگنال‌ها هستند) از فیلترهای بالاگذر و پایین‌گذر، فرکانس‌های مختلف آن را تحلیل می‌کند. موجک مادر به صورت رابطه ۱۱ تعریف می‌شود:

$$\int_{-\infty}^{+\infty} \Psi(t) dt = 0 \quad (11)$$

$\Psi_{a,b}(t)$ با فشرده‌سازی و کشیدن $\Psi(t)$ به دست می‌آید و به صورت رابطه ۱۲ تعریف می‌شود [۱۷]:

$$\Psi_{a,b}(t) = |a|^{-\frac{1}{2}} \Psi\left(\frac{t-a}{b}\right), a, b \in R, a \neq 0. \quad (12)$$

2. Approximations

3. Details

4. Relative Standard Error (RSE)

5. Mean Absolute Error (MAE)

1. Wavelet theory

که X و Y به ترتیب مقادیر مشاهده شده و شبیه سازی شده و n تعداد داده هاست.

$$R^r = \left[\frac{\sum(X - \bar{X})(Y - \bar{Y})}{\sum(X - \bar{X})^r \sum(Y - \bar{Y})^r} \right]^r \quad (16)$$

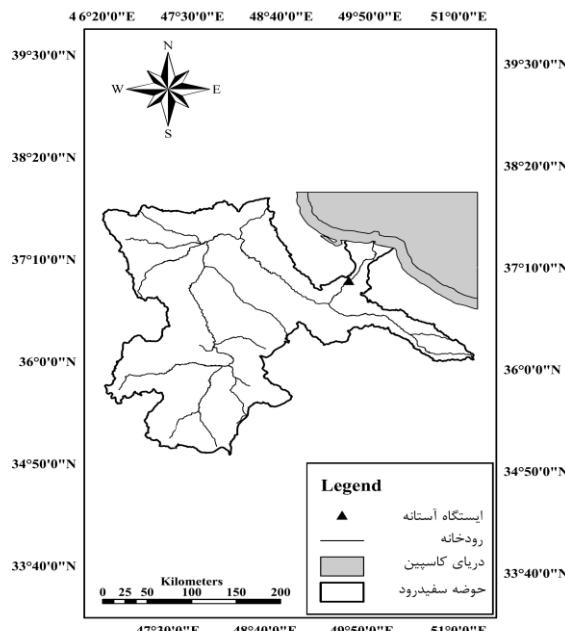
روابطی که برای RSE استفاده می شود به صورت زیر است (روابط ۱۷ و ۱۸):

$$RSE = \frac{SE}{E} \times 100 \quad (17)$$

$$SE = \frac{s}{\sqrt{n}} \quad (18)$$

S خطای استاندارد، E مقادیر تخمین زده شده، s انحراف معیار و n تعداد کل نمونه هاست.

$$MAE = \frac{\sum_{i=1}^n |Y_i - X_i|}{n} \quad (19)$$



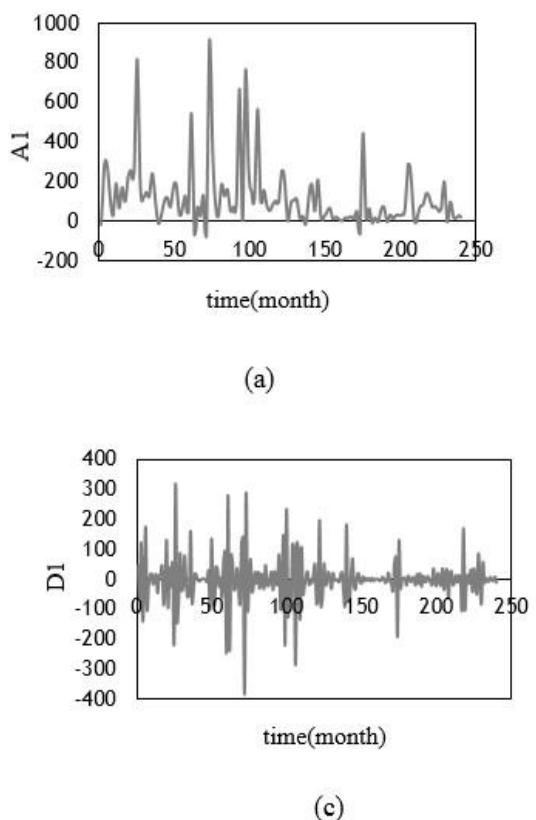
شکل ۲. نمایی از حوضه مطالعه شده (حوضه سپیدرود)

جدول ۱. خصوصیات آماری داده های دسته آموزش و آزمون متغیرهای کیفیت آب رودخانه سفیدرود در ایستگاه آستانه

متغیر	مجموعه داده ها	کمینه	میانگین	بیشینه	انحراف معیار	ضریب تغییرات
Cl^-	آموزش	۰/۴۰	۵/۷۰	۱۵/۶۰	۲/۷۰	۴۷/۴۶
	آزمون	۰/۲۰	۴/۴۴	۱۰/۹۰	۲/۵۵	۵۷/۴۴
EC	آموزش	۲۴۴/۰۰	۱۲۱۸/۴۹	۲۳۳۶/۰۰	۳۸۷/۲۶	۳۱/۷۸
	آزمون	۲۵۲/۰۰	۱۰۳۹/۳۱	۲۰۱۸	۳۹۵/۹۳	۳۸/۱۰
Mg^{2+}	آموزش	۰/۲۰	۲/۳۱	۵/۵۰	۰/۹۱	۳۹/۶۷
	آزمون	۰/۳۸	۲/۰۹	۵/۵۲	۱/۰۳	۴۹/۴۱
TDS	آموزش	۲۶۱/۰۰	۷۶۸/۷۰	۱۴۷۲	۲۳۸/۵۸	۳۱/۰۴
	آزمون	۱۵۹/۰۰	۶۵۱/۳۱	۱۲۷۱	۲۴۵/۳۴	۳۷/۶۷

دقیق‌ترین و کم‌خطاطرین حالت مدل‌سازی، سناریوی یادشده برای ورودی‌ها در دو حالت مختلف یعنی استفاده از تئوری موجک و بدون استفاده از این تئوری بررسی شدند. در ادامه، به پیش‌بینی پارامترهای کیفی مد نظر پرداخته خواهد شد.

چگونگی عملکرد تئوری موجک برای پارامتر Q
 این قسمت به ارائه برخی از خروجی‌های حاصل از تئوری موجک پرداخته خواهد شد. همان طور که قبل‌اً نیز بیان شد، این تئوری داده‌ها را می‌تواند به دو دسته تقریب و جزئیات تقسیم کند، بنابراین در تحقیق حاضر نمودارهای دسته تقریب و دسته جزئیات برای پارامتر دبی در شکل ۳ قابل مشاهده است. همان طور که در شکل ۳ مشخص است، موجک سیگنال پارامتر دبی را به دو دسته تقریب (شکل ۳a و ۳b) و دو دسته جزئیات (شکل ۳c و ۳d) تبدیل کرده است. این داده‌ها به عنوان ورودی به مدل‌های مد نظر داده می‌شوند تا دقیق‌ترین تخمین توسط آنها افزایش یابد.



شکل ۳. تجزیه سیگنال‌های پارامتر دبی توسط تئوری موجک به دو دسته تقریب (a و b) و جزئیات (c و d)

نتایج

در تحقیق حاضر ۷۰ درصد از داده‌ها به عنوان داده‌های دسته آموزش و ۳۰ درصد باقی‌مانده به عنوان داده‌های آزمون در نظر گرفته شدند. همچنین، به منظور تخمین و پیش‌بینی پارامترهای کیفی آب (TDS, mg, EC, Cl) به مقایسه دو مدل شبکه عصبی پرسپترون چندلایه و مدل یادگیری ماشین قدرتمند (MLP و ELM) پرداخته که برای دست‌یابی به دقیق‌ترین جواب از سناریوی ذیل به عنوان ورودی این دو مدل استفاده شده است:

$$x_{(t-1)}, x_{(t-2)}, Q_{(t-1)}, Q_{(t-2)} \text{: ورودی‌ها}$$

که x = پارامتر مد نظر برای پیش‌بینی، Q = تأخیر اول پارامتر مد نظر برای پیش‌بینی، $x_{(t-1)}$ = تأخیر دوم پارامتر مد نظر برای پیش‌بینی، $x_{(t-2)}$ = تأخیر سوم پارامتر مد نظر برای پیش‌بینی، $Q_{(t-1)}$ = تأخیر اول دبی، $Q_{(t-2)}$ = تأخیر دوم دبی هستند. به منظور تعیین

پارامتر مد نظر بدون استفاده از تئوری موجک به عنوان ورودی به روش‌های یادشده داده می‌شود. سپس، از تبدیلات موجک استفاده کرده و ورودی‌های مد نظر را به دو دسته داده تقریب و جزئیات تقسیم می‌کند و به روش‌های مد نظر داده می‌شود تا تأثیر تئوری موجک بررسی شود. با مقایسه نتایج مدل‌های ELM و MLP برای پارامتر هدایت الکتریکی که در جدول‌های ۴ و ۵ آورده شده است، مشاهده می‌شود که مدل یادگیری ماشین قدرتمند در تخمین این پارامتر نسبت به روش پرسپکترون چندلایه پیشی گرفته است و دقت قابل قبول‌تری را از خود نشان می‌دهد. همچنین، با توجه به نتایج ارائه شده در این جدول‌ها مشخص است که استفاده از تئوری موجک به مقدار درخور توجهی توانسته دقت تخمین را زیاد ببرد.

در شکل ۴ (c) و (d) رگرسیون خطی بین مقادیر مشاهداتی و مقادیر تخمین زده شده پارامتر EC توسط مدل‌های ELM و MLP آمده است. همان‌طور که از مقایسه این دو شکل معلوم است، در شکل مدل داده‌ها پراکنده هستند و به منظمی و یکدستی شکل مدل ELM نیستند. این امر بیان می‌کند که روش MLP نتوانسته به خوبی و با دقت روش ELM، داده‌ها را تخمین بزند. شکل ۵ (b) نیز مقایسه بین مقادیر مشاهداتی و مقادیر تخمین زده شده پارامتر EC توسط هر دو مدل را به تصویر کشیده است. همان‌طور که دیده می‌شود، نمودار ELM با مقادیر مشاهداتی انطباق بیشتری دارد. این موضوع دلالت بر دقت بیشتر مدل ELM در تخمین پارامتر EC دارد.

در مدل ELM معیارهای خطای R، RMSE و MAE برای داده‌های آموزش به ترتیب برابر با مقادیر 0.97 ، RSE 0.07 و برای داده‌های آزمون 0.97 ، $0.92/24$ ، $0.66/61$ و 0.09 و برای داده‌های آزمون 0.93 ، $0.59/43$ و 0.13 و $0.74/18$ و 0.93 معیارها در روش MLP برای داده‌های آموزش برابر با 0.97 ، $0.21/42$ ، $0.69/57$ و برای داده‌های آزمون 0.97 ، $0.89/0.89$ و $0.27/27$ و $0.76/20.2$ به دست آمدند که در جدول‌های ۴ و ۵ دیده می‌شوند.

شبیه‌سازی و پیش‌بینی کلراید (Cl)

در این قسمت به تخمین پارامتر Cl توسط روش‌های ELM و MLP پرداخته می‌شود. نتایج به دست آمده از تخمین دسته آموزش پارامتر Cl با استفاده از هر دو مدل یادشده در جدول ۲ قابل مشاهده است. در جدول ۲ مشاهده می‌شود که نتایج هر دو مدل با استفاده از تئوری موجک به مرتبه بهتر و دقیق‌تر از حالت بدون استفاده از تئوری موجک است. همچنین، در حالت استفاده از تئوری موجک می‌توان مشاهده کرد که ضریب همبستگی برای داده‌های آموزش در روش ELM، 0.97 و در روش MLP، 0.96 است. دیگر پارامترهای خطای معنی MAE، RMSE و RSE در روش ELM به ترتیب $0.42/63$ ، $0.07/0.07$ و در روش MLP، $0.62/78$ ، $0.08/0.08$ و $0.08/0.08$ هستند که این نتایج نشان‌دهنده برتری روش ELM در تخمین پارامتر Cl است. در شکل ۴ (a) و (b) ارزیابی عملکرد مدل‌های ELM و MLP نشان داده شده است که محور عمودی، داده‌های محاسباتی حاصل از مدل‌ها و محور افقی آن نتایج مشاهداتی است. در شکل‌های یادشده برای هر یک از نمودارها معادله برازش بین نقاط نشان داده شده است. در شکل ۵ (a) نیز نمودار تغییرات داده‌های مشاهداتی و نمودار تغییرات داده‌های محاسباتی طی سری زمانی با هم مقایسه شده‌اند. در کنار هم بودن این دو نمودار به خوبی می‌تواند مقدار خطای مدل‌ها را به تصویر بکشد.

جدول ۳ نیز نتایج به دست آمده برای دسته آزمون پارامتر Cl را نشان می‌دهد. با توجه به این جدول می‌توان مشاهده کرد که تئوری موجک به خوبی نتایج هر دو مدل را بهبود داده است. از طرفی، تمامی معیارهای خطای به دست آمده از مدل ELM جواب‌های مناسب‌تری نسبت به مدل MLP دارند. پس می‌توان با قاطعیت گفت که مدل ELM داده‌های آزمون پارامتر Cl را با دقت بیشتری تخمین می‌کند.

شبیه‌سازی و پیش‌بینی هدایت الکتریکی (EC)

این قسمت به تخمین پارامتر کیفی EC با استفاده از روش‌های ELM و MLP می‌پردازد. به این منظور، ابتدا

جدول ۲. آماره‌های به دست آمده برای دسته آموزش پارامتر Cl

معیارهای ارزیابی	روش			
	ELM		MLP	
	با تئوری موجک	بدون تئوری موجک	با تئوری موجک	بدون تئوری موجک
R	۰/۹۷	۰/۷۸	۰/۹۶	۰/۶۱
RMSE	۰/۶۳	۱/۵۸	۰/۷۸	۲/۷۱
MAE	۰/۴۱	۱/۳۳	۰/۶۲	۲/۱۰
RSE	۰/۰۷	۰/۵۱	۰/۰۸	۱/۰۱

جدول ۳. آماره‌های به دست آمده برای دسته آزمون پارامتر Cl

معیارهای ارزیابی	روش			
	ELM		MLP	
	با تئوری موجک	بدون تئوری موجک	با تئوری موجک	بدون تئوری موجک
R	۰/۹۸	۰/۶۶	۰/۸۹	۰/۴۲
RMSE	۰/۵۳	۱/۹۴	۱/۳۱	۲/۶۲
MAE	۰/۴۱	۱/۴۵	۱/۰۶	۱/۹۹
RSE	۰/۰۴	۰/۵۹	۰/۲۷	۱/۰۷

جدول ۴. آماره‌های به دست آمده برای دسته آموزش پارامتر EC

معیارهای ارزیابی	روش			
	ELM		MLP	
	بدون تئوری موجک	با تئوری موجک	بدون تئوری موجک	با تئوری موجک
R	۰/۹۷	۰/۷۵	۰/۹۷	۰/۴۸
RMSE	۱۰۲/۲۴	۲۴۰/۸۸	۹۴/۲۱	۳۸۸/۹۶
MAE	۶۶/۶۱	۱۸۵/۴۷	۷۵/۶۹	۲۹۴/۷۲
RSE	۰/۰۹	۰/۷۸	۰/۰۶	۱/۰۱

جدول ۵. آماره‌های به دست آمده برای دسته آزمون پارامتر EC

معیارهای ارزیابی	روش			
	ELM		MLP	
	بدون تئوری موجک	با تئوری موجک	بدون تئوری موجک	با تئوری موجک
R	۰/۹۳	۰/۶۴	۰/۸۹	۰/۳۹
RMSE	۱۴۳/۵۹	۳۰۴/۴۴	۲۰۲/۷۶	۳۶۶/۵۶
MAE	۱۱۸/۷۴	۲۳۹/۳۶	۱۶۶/۷۹	۲۹۳/۶۸
RSE	۰/۱۳	۱/۲۱	۰/۲۷	۰/۸۷

همچنین، پارامترهای خطا یعنی RMSE و MAE در مدل ELM به ترتیب برابر با 0.37 ± 0.030 و 0.15 ± 0.010 و در مدل MLP برابر با 0.72 ± 0.058 و 0.49 ± 0.049 هستند.

در شکل ۴ نمودار (e) و (f) تحلیل رگرسیون خطی بین مقادیر مشاهداتی و محاسباتی پارامتر Mg هستند، مشهود است که در نمودار مدل ELM فاصله نقاط از خط برآش داده شده کمتر است و نقاط نسبت به نمودار مدل MLP یک دسته‌تر و منظم‌تر هستند. بنابراین، در نمودار MLP پراکنده‌ی و نامنظمی نقاط به طور محسوسی گویای این امر است که این مدل نتوانسته به دقت مدل ELM داده‌ها را شبیه‌سازی کند. در شکل ۵ (c) نمودار تغییرات داده‌های مشاهداتی و نمودار تغییرات داده‌های محاسباتی منیزیم طی سری زمانی با هم مقایسه شده‌اند. در کنار هم بودن این دو نمودار به خوبی می‌تواند مقدار خطای مدل‌ها را به تصویر بکشد. در این نوع شکل‌ها هرچه انطباق نمودارها بیشتر باشد، نشان‌دهنده دقت بیشتر و خطای کمتر مدل مد نظر است. بنابراین از شکل ۵ به‌وضوح مشخص است که مدل یادگیری ماشین قدرتمند در تخمین پارامتر منیزیم دقت بیشتری از خود نشان می‌دهد.

شبیه‌سازی و پیش‌بینی منیزیم (Mg^{2+})

به منظور ارزیابی بیشتر توانایی روش‌های ELM و MLP برای تخمین پارامترهای کیفی آب، این قسمت به تخمین پارامتر Mg^{2+} توسط روش‌های یادشده می‌پردازد. در اینجا نیز مانند دو قسمت قبل روش‌های مد نظر توسط دو دسته داده ورودی (با درنظر گرفتن تئوری موجک و بدون استفاده از آن) بررسی می‌شوند. بعد از اجرای روش‌های مد نظر، برای بررسی دقت آنها در تخمین پارامتر مد نظر، نتایج به دست آمده از روش‌های ELM و MLP توسط معیارهای خطای R، RMSE، MAE و RSE بررسی و تحلیل شدند که نتایج به دو دسته آموزش (جدول ۶) و آزمون (جدول ۷) تقسیم شدند. برای داده‌های آموزش و آزمون، هم ضریب همبستگی R و هم معیارهای خطا در مدل ELM نسبت به مدل MLP مقادیر بهینه‌تری را دارند و این موضوع را نشان می‌دهد که مدل ELM با دقت بیشتری این داده‌ها را شبیه‌سازی کرده است و نسبت به مدل دیگر ارجحیت دارد. این امر به خصوص برای داده‌های آزمون محسوس است، به طوری که ضریب همبستگی برای این داده‌ها در مدل MLP 0.93 ± 0.085 و در مدل ELM 0.93 ± 0.078 به دست آمده است.

جدول ۶. آماره‌های به دست آمده برای دسته آموزش پارامتر Mg

معیارهای ارزیابی	روش			
	ELM		MLP	
	بدون تئوری موجک	با تئوری موجک	بدون تئوری موجک	با تئوری موجک
R	0.98 ± 0.098	0.72 ± 0.072	0.97 ± 0.097	0.55 ± 0.055
RMSE	0.21 ± 0.021	0.62 ± 0.062	0.37 ± 0.037	0.81 ± 0.081
MAE	0.16 ± 0.016	0.45 ± 0.045	0.32 ± 0.032	0.63 ± 0.063
RSE	0.06 ± 0.006	0.48 ± 0.048	0.17 ± 0.017	0.78 ± 0.078

جدول ۷. آماره‌های به دست آمده برای دسته آزمون پارامتر Mg

معیارهای ارزیابی	روش			
	ELM		MLP	
	بدون تئوری موجک	با تئوری موجک	بدون تئوری موجک	با تئوری موجک
R	0.93 ± 0.093	0.59 ± 0.059	0.85 ± 0.085	0.40 ± 0.040
RMSE	0.37 ± 0.037	0.85 ± 0.085	0.72 ± 0.072	0.99 ± 0.099
MAE	0.30 ± 0.030	0.64 ± 0.064	0.58 ± 0.058	0.74 ± 0.074
RSE	0.15 ± 0.015	0.69 ± 0.069	0.49 ± 0.049	0.93 ± 0.093

TDS را در مدل ELM نسبت به مدل MLP نشان دهنده همان طور که در قسمتهای قبلی نیز گفته شد این برتری مدل ELM از انطباق بیشتری که نمودار آن در شکل ۵ دارد، قابل استنتاج است.

نتایج مدل سازی پارامتر TDS در جدول های ۸ و ۹ نشان می دهد مدل ELM قادر به تخمین و شبیه سازی این پارامتر با ضریب همبستگی بسیار زیاد و خطای بسیار کم است. به طوری که ضریب همبستگی بسیار آمده از این مدل برای داده های آموزش برابر با ۰/۹۷ و برای داده های آزمون برابر با ۰/۹۰ است. همچنین، ضرایب خطای RMSE و MAE برای داده های آموزش به ترتیب برابر با ۶۵/۰۳، ۴۲/۶۶ و ۱۰/۰۳ و برای داده های آزمون برابر با ۸۲/۵۵ و ۱۰۵/۴۰ به دست آمده است.

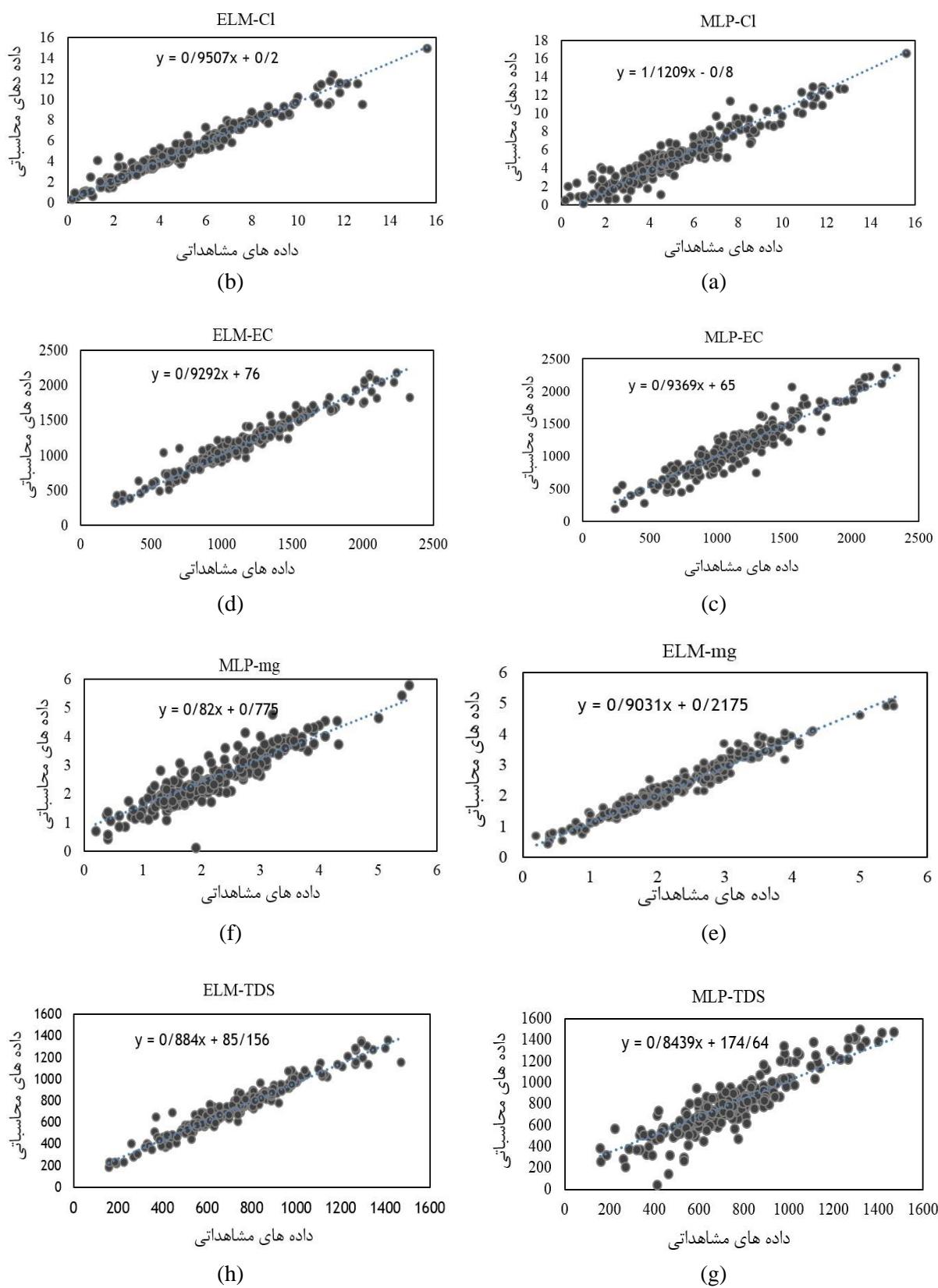
شبیه سازی و پیش بینی کل مواد جامد محلول (TDS) آخرین پارامتری که در تحقیق حاضر بررسی شده، پارامتر TDS است. برای پیش بینی این پارامتر نیز مانند دیگر پارامترها، دبی و ۲ تأخیر از آن و ۳ تأخیر از خود پارامتر TDS به عنوان ورودی های مدل در نظر گرفته شدند. همچنین، به منظور بهبود تخمین پارامتر مدنظر توسط روش های ELM و MLP ورودی ها را به وسیله تئوری موجک گسسته کرده تأثیر آن بررسی خواهد شد. در شکل ۴ (g) و (h) ارزیابی عملکرد مدل های ELM و MLP نشان داده شده است که از مقایسه این دو شکل به راحتی این نتیجه به دست می آید که مدل ELM برای پارامتر TDS نیز مانند دیگر پارامترها، بهترین پیش بینی را انجام داده است. شکل ۵ (d) به خوبی می تواند میزان خطای اندک و اختلاف کم بین داده های مشاهداتی و محاسباتی پارامتر

جدول ۸. آماره های به دست آمده برای دسته آموزش پارامتر TDS

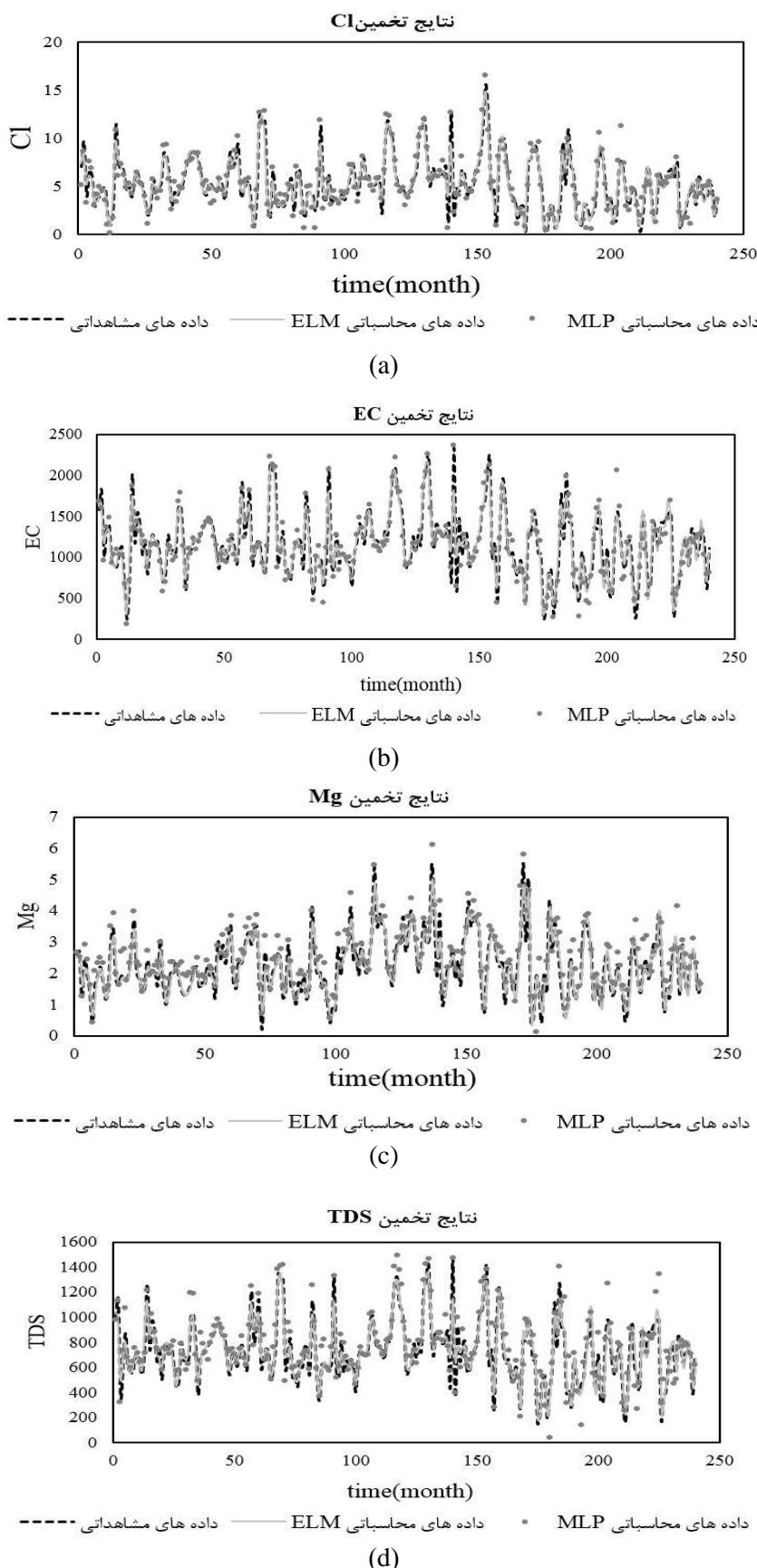
معیارهای ارزیابی	روش				
	ELM		MLP		
	بدون تئوری موجک	با تئوری موجک	بدون تئوری موجک	با تئوری موجک	بدون تئوری موجک
R	۰/۹۷	۰/۷۶	۰/۹۴	۰/۴۶	
RMSE	۶۵/۰۳	۱۷۲/۰۲	۱۰۰/۱۹	۲۶۱/۵۲	
MAE	۴۲/۶۶	۱۰۱/۶۵	۷۵/۶۷	۲۰۳/۹۰	
RSE	۰/۱۰	۰/۵۱	۰/۱۸	۱/۲۱	

جدول ۹. آماره های به دست آمده برای دسته آزمون پارامتر TDS

معیارهای ارزیابی	روش				
	ELM		MLP		
	بدون تئوری موجک	با تئوری موجک	بدون تئوری موجک	با تئوری موجک	بدون تئوری موجک
R	۰/۹۰	۰/۶۲	۰/۸۲	۰/۲۹	
RMSE	۱۰۵/۴۰	۱۹۳/۱۷	۱۷۶/۵۱	۲۶۰/۹۲	
MAE	۸۲/۵۵	۱۵۰/۱۰	۱۴۱/۳۵	۲۱۱/۱۶	
RSE	۰/۲۱	۰/۶۳	۰/۵۲	۱/۱۵	



شکل ۴. رگرسیون خطی بین مقادیر مشاهداتی و محاسباتی پارامترها با استفاده از مدل‌های ELM و MLP



شکل ۵. مقایسه مقادیر مشاهداتی و محاسباتی پارامترها با استفاده از مدل‌های ELM و MLP

using decision tree method. *Journal of Irrigation & Water Engineering* 2014;4(15):76-88.

- [4]. Ahmadi MZ, Behzadi S. The process of evaluation of magnesium changes using the neural network and spatial information system in the villages of Gonbad city (Golestan province). *Scientific - Research Quarterly of Geographical Data (SEPEHR)*. 2016;25(99):29-42.
- [5]. Asadollahfardi G, Taklify A, Ghanbari A. Application of artificial neural network to predict TDS in Talkheh Rud River. *Journal of Irrigation and Drainage Engineering*. 2011;138(4):363-70.
- [6]. Mahmoudi N, Orouji H, Fallah-Mehdipour E. Integration of shuffled frog leaping algorithm and support vector regression for prediction of water quality parameters. *Water resources management*. 2016;30(7):2195-211.
- [7]. Bozorg-Haddad O, Soleimani S, Loaiciga HA. Modeling Water-Quality Parameters Using Genetic Algorithm-Least Squares Support Vector Regression and Genetic Programming. *Journal of Environmental Engineering*. 2017;143(7):04017021.
- [8]. Alizamir M, Kisi O, Zounemat-Kermani M. Modelling long-term groundwater fluctuations by extreme learning machine using hydro-climatic data. *Hydrological Sciences Journal*. 2018;63(1):63-73.
- [9]. Najafzadeh M, Ghaemi A, Emamgholizadeh S. Prediction of water quality parameters using evolutionary computing-based formulations. *International Journal of Environmental Science and Technology*. 2018;1-20.
- [10]. Heddam S, Kisi O. Modelling daily dissolved oxygen concentration using least square support vector machine, multivariate adaptive regression splines and M5 model tree. *Journal of Hydrology*. 2018;559:499-509.
- [11]. Haykin S. Neural networks: Prentice hall New York; 1994.
- [12]. Coppola E, Poulton M, Charles E, Dustman J, Szidarovszky F. Application of artificial neural networks to complex groundwater management problems. *Natural Resources Research*. 2003;12(4):303-20.
- [13]. Lee T, Jeng D, Zhang G, Hong J. Neural network modeling for estimation of scour depth around bridge piers. *Journal of hydrodynamics*. 2007;19(3):378-86.
- [14]. Huang G-B, Siew C-K. Extreme learning machine with randomly assigned RBF kernels. *International Journal of Information Technology*. 2005;11(1):16-24.

نتیجه‌گیری

در حال حاضر، آلودگی آب رودخانه‌ها به دلیل فعالیت‌های شیمیایی و صنعتی در حال افزایش است. بنابراین، آگاهی از کیفیت آب‌ها امری ضروری است. از طرفی، با توجه به تحقیقات مختلف انجام‌شده در زمینه تخمین پارامترهای کیفی آب با استفاده از روش‌های داده‌کاوی مشخص می‌شود که استفاده از این روش‌ها در بررسی و پیش‌بینی ساختارهای طبیعت مفید است. بنابراین، در تحقیق حاضر به تخمین و مدل‌سازی پارامترهای کیفی آب با استفاده از روش‌های داده‌کاوی نوین یعنی روش‌های یادگیری ماشین قدرتمند (ELM) و پرسپترون چندلایه (MLP) برای مدل‌سازی پارامترهای کیفی آب (TDS, mg, EC, Cl) با دقت مناسبی پرداخته شد. در پژوهش حاضر از داده‌های مربوط به ایستگاه آستانه رودخانه سفیدرود که در شهر رشت قرار دارد، استفاده شد و با استفاده از دو روش ELM و MLP مدل‌سازی شدند. به این منظور، سه تأخیر از پارامتر مد نظر، دبی و دو تأخیر از آن به عنوان ورودی مدل در نظر گرفته شدند (یک بار به صورت ادغام شده با تئوری موجک و یک بار بدون آن). هدف از به کارگیری تئوری موجک، تجزیه داده‌های ورودی به منظور بهبود عملکرد مدل‌های مد نظر است. به طوری که مدل W-ELM ضریب همبستگی داده‌های آموزش و آزمون را برای پارامتر Cl، ۰/۹۷ و ۰/۹۸، برای پارامتر EC ۰/۹۷ و ۰/۹۳، برای پارامتر TDS ۰/۹۳ و ۰/۹۸ و برای پارامتر mg ۰/۹۷ و ۰/۹۰ به دست آورد. پس از پایان یافتن این بررسی‌ها، نتایج بهوضوح نشان‌دهنده برتری روش W-ELM نسبت به روش W-MLP است، به طوری که هر چهار پارامتر کیفی آب را دقیق‌تر مدل‌سازی کرد.

منابع

- [1]. Soleimani S, Bozorg-Haddad O, Moravej M. Modeling Water Quality Parameters Using Data-driven Methods. *Journal of Water and Soil*. 2016;30(3):743-57.
- [2]. Banejad H, Kamali M, Amirmoradi K, Olyaei E. Forecasting Some of the Qualitative Parameters of Rivers Using Wavelet Artificial Neural Network Hybrid (W-ANN) Model. *Iran j Health & Environ*. 2012;6(3):277-94.
- [3]. Sattari MT, Abbasgoli Naebzad M, Mirabbasi Najafabadi R. Surface water quality prediction

- [15]. Ding S, Guo L, Hou Y. Extreme learning machine with kernel model based on deep learning. *Neural Computing and Applications*. 2017;28(8):1975-84.
- [16]. Ertuğrul ÖF, Kaya Y. A detailed analysis on extreme learning machine and novel approaches based on ELM. *American Journal of computer science and engineering*. 2014;1(5):43-50.
- [17]. Zhang L, Zhou W, Jiao L. Wavelet support vector machine. *IEEE Transactions on Systems, Man, and Cybernetics, Part B (Cybernetics)*. 2004;34(1):34-9.
- [18]. Kisi O, Cimen M. Precipitation forecasting by using wavelet-support vector machine conjunction model. *Engineering Applications of Artificial Intelligence*. 2012;25(4):783-92.
- [19]. Wang W-C, Chau K-W, Cheng C-T, Qiu L. A comparison of performance of several artificial intelligence methods for forecasting monthly discharge time series. *Journal of hydrology*. 2009;374(3-4):294-306.